

Examen Final Regular

Apellido y Nombre:

Mail:

LU:

1. Sea \mathcal{C} la elipse con focos $F_1(9, 2)$ y $F_2(-3, 2)$, que pasa por $P(-2, 0)$.
 - a) Dar la ecuación cartesiana de \mathcal{C} y determinar en qué puntos corta al eje x .
 - b) Dar la ecuación de la parábola \mathcal{P} que corta al eje x en los mismos puntos que \mathcal{C} y su vértice coincide con el centro de \mathcal{C} . Determinar el foco de \mathcal{P} .
 - c) Dar la expresión segmentaria de la tangente de \mathcal{C} en el punto P .
 - d) Graficar \mathcal{C} , \mathcal{P} , los focos, la directriz de \mathcal{P} y la tangente.

2. π_1 y π_2 son dos planos perpendiculares, tales que π_1 contiene la recta $r_1 : t(-1, 1, -1) + (1, 0, 1)$ y π_2 contiene tanto a r_1 como a $r_2 : \frac{x-1}{2} = y+2 = z$.
 - a) Dar la ecuación segmentaria de π_1 y π_2 .
 - b) Determinar las trazas de π_2 . Graficar las trazas, y los vectores normales \mathbf{n}_1 y \mathbf{n}_2 .

3.
 - a) Dar la ecuación de la cuádrica S con centro $C(x_0, 2, 1)$, que pasa por $P(0, 0, 1)$, y su traza con el plano $\pi : z = 2$ es la cónica $\mathcal{C} : 3x^2 - 2y^2 - 6x + 8y - 6 = 0$.
 - b) Determinar el tipo de cuádrica, su centro, e indicar si tiene simetría respecto de algún plano coordenado. Justificar.
 - c) Graficar la superficie S y sus trazas con los planos coordenados, indicando qué tipo de cónicas son.

4. Considere la siguiente la superficie de revolución $S : x + y^2 + z^2 - x^3 = 0$.
 - a) Determinar el eje de rotación y una curva generatriz \mathcal{C} .
 - b) Determinar el volumen del sólido limitado por S para $x \leq 0$.
 - c) Graficar la superficie y la curva \mathcal{C} .

Justificar todas las respuestas.

Hojas entregadas:

Firma: